УДК 621.372:621.375

Г.Н. Якушевич

Алгоритм расчета транзисторного широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной обратной связи

Предложен алгоритм расчета транзисторного широкополосного усилителя на основе математической модели активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной обратной связи (ОС). Предложена обобщенная структурная схема активного четырехполюсника, представленного активным элементом, на входе и выходе которого включены фазирующе-согласующие цепи (ФСЦ).

Ключевые слова: алгоритм, математическая модель, активный четырехполюсник, широкополосный усилитель, двухполюсник, комбинированная ОС.

В работе [1] было показано, что при использовании простейших структур цепей двухполюсников комбинированной ОС необходимо с помощью фазирующе-трансформирующих цепей (ФТЦ) и симметрирующих цепей (СЦ), включенных на входе и выходе активного элемента, приблизить параметры активного элемента к требуемым параметрам активного четырехполюсника для каскада широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС. Введение двух типов цепей, ФТЦ и СЦ, усложняет расчет, принципиальную схему и настройку широкополосного усилителя.

В данной работе для приближения параметров активного элемента к требуемым параметрам активного четырехполюсника для широкополосного каскада с двухполюсниками комбинированной ОС предложена обобщенная структурная схема активного четырехполюсника, представленного активным элементом, на входе и выходе которого включены фазирующе-согласующие цепи (ФСЦ), которые выполняют одновременно функции фазирования и согласования, что упрощает расчет, реализацию и настройку широкополосного усилителя.

Требуемые *S***-параметры активного четырехполюсника** для **широкополосного каскада с** двухполюсниками комбинированной OC. Математическая модель в виде аналитических выражений для требуемых *S*-параметров идеально однонаправленного активного четырехполюсника для согласованного каскада широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной OC, представленного на рис. 1, запишется [1]

$$S_{11AY} = S_{22AY} = \frac{(Y_{OC} - Z_{OC})(1 - S_{21OC})}{2 - (Y_{OC} + Z_{OC})(1 - S_{21OC})},$$
(1)

$$S_{21AY} = \frac{4S_{21OC} - 2(Y_{OC} + Z_{OC})(1 - S_{21OC}^2) + 4Y_{OC}Z_{OC}(1 - S_{21OC})^2}{\left[2 - (Y_{OC} + Z_{OC})(1 - S_{21OC})\right]^2},$$
(2)

$$G_{\text{HOMAY}} = \left| S_{21AY} \right|^2 / \left(1 - \left| S_{11AY} \right|^2 \right)^2.$$
(3)

где S_{11АЧ}, S_{22АЧ}, S_{21АЧ}, G_{HOM АЧ}, S_{21OC}, Z_{OC}, Y_{OC} – коэффициенты отражения по входу и выходу, прямой коэффициент передачи, номинальный коэффициент передачи по мощности активного четырехполюсника, прямой коэффициент передачи каскада широкополосного усилителя с комбинированной

OC, нормированные сопротивление и проводимость двухполюсников комбинированной OC.

Из выражений (1)–(3) следует, что при условии равенства $Y_{OC} = Z_{OC}$ соотношения для требуемых *S*-параметров идеально однонаправленного активного четырехполюсника для согласованного каскада широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС запишутся



 $Y_{\rm OC}$

Активный

четырехполюсник

 $Z_{\rm OC}$

$$S_{11AY} = S_{22AY} = 0; (4)$$

$$S_{21AY} = \frac{S_{21OC} + Y_{OC}(S_{21OC} - 1)}{1 + Y_{OC}(S_{21OC} - 1)};$$
(5)

$$G_{\text{HOM AY}} = \left| S_{21\text{AY}} \right|^2. \tag{6}$$

По выражению (5) для заданной структуры двухполюсников комбинированной ОС можно определить требуемые *S*-параметры активного четырехполюсника для каскада широкополосного усилителя без ОС, при этом комплексный коэффициент передачи *S*_{21OC} задается в следующем виде:

$$S_{210C} = |S_{210C}| \exp(i\Theta_{210C}),$$
 (7)

где $\Theta_{21 \text{ OC}}$ – фаза комплексного коэффициента передачи.

Нормированные значения для R-двухполюсников комбинированной OC, проводимость параллельной OC Y_{OCR} и сопротивление последовательной OC Z_{OCR} определим из выражения

$$Y_{\text{OC}R} = Z_{\text{OC}R} = 1/(1 + |S_{21\text{OC}}|) \quad ; \tag{8}$$

для последовательного RL-двухполюсника проводимость параллельной ОС $Y_{\text{OC} RL}$ и параллельного RC-двухполюсника, сопротивление последовательной ОС $Z_{\text{OC} RC}$ находим из выражения

$$Y_{\text{OC}RL} = Z_{\text{OC}RC} = Y_{\text{OC}R} / [1 + i(1 - \Theta_{21\text{OC}} / 180^\circ)] ; \qquad (9)$$

для параллельного RC-двухполюсника проводимость параллельной ОС $Y_{OC RC}$ и последовательного RL-двухполюсника, сопротивление последовательной ОС $Z_{OC RL}$ находим как

$$V_{\text{OC}RC} = Z_{\text{OC}RL} = Y_{\text{OC}R} \cdot [1 + i(1 - \Theta_{21\text{OC}} / 180^\circ)]$$
 (10)

На рис. 2 приведены зависимости: модуля коэффициента передачи $|S_{210C}|$ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 OC}$ для каскада широкополосного усилителя с OC; модуля коэффициента передачи $|S_{21R}|$ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 R}$ для активного четырехполюсника с *R*-двухполюсниками комбинированной OC; модуля коэффициента передачи $|S_{21LC}|$ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 LC}$ для активного четырехполюсника с *RL*-двухполюсником параллельной OC Y_{OCRL} и *RC*-двухполюсником последовательной OC Z_{OCRC} ; модуля коэффициента передачи $|S_{21CL}|$ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 CL}$ для активного четырехполюсника с *RL*-двухполюсником параллельной OC Y_{OCRC} и *RL*-двухполюсником последовательной OC Z_{OCRC} ; модуля коэффициента передачи $|S_{21CL}|$ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 CL}$ для активного четырехполюсника с *RC*-двухполюсником параллельной OC Y_{OCRC} и *RL*-двухполюсником последовательной OC Z_{OCRL} , рассчитанные на основе выражений (5)–(10) для коэффициента передачи широкополосного усилителя $|S_{210C}|=12$ дБ и $\Theta_{210C}=-90^{\circ}$;+90° с шагом $\Delta\Theta_{210C}=22,5^{\circ}$.



Рис. 2. Зависимости $|S_{21 \text{ OC}}|$, $|S_{21 R}|$, $|S_{21 LC}|$, $|S_{21 CL}|$ активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с коэффициентом передачи $|S_{21 \text{ OC}}| = 12 \text{ дБ}$

Анализ зависимостей, приведенных на рис. 2, показывает, что в областях ниже коэффициента передачи для каскада широкополосного усилителя с ОС $|S_{210C}| = 12$ дБ получается выигрыш как по коэффициенту усиления, так и по верхней граничной частоте по отношению к номинальному коэффициенту передачи активного элемента.

В общем случае зависимости параметров активного элемента отличаются от требуемых параметров активного четырехполюсника, приведенных на рис. 2, и для их сближения на входе и выходе активного элемента необходимо включать ФСЦ. Обобщенная структурная схема широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС на основе активного элемента с ФСЦ на входе и выходе, образующими активный четырехполюсник, представлена на рис. 3.



Рис. 3. Обобщенная структурная схема широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС

Для активного элемента при двухстороннем согласовании выражения для номинального коэффициента усиления по мощности G_{HOM} и для оптимальных проводимостей генератора $Y_{\Gamma O}$ и нагрузки Y_{HO} запишутся [2]

$$G_{\text{HOM}} = \frac{|y_{21}|}{|y_{12}|} (K_{\text{Y}} - \sqrt{K_{\text{Y}}^2 - 1}); \qquad (11)$$

$$Y_{\Gamma O} = G_{\Gamma O} + iB_{\Gamma O} = \frac{|y_{12} y_{21}| \sqrt{K_Y^2 - 1}}{2\text{Re}(y_{22})} + i \left(\frac{\text{Im}(y_{12} y_{21})}{2\text{Re}(y_{22})} - \text{Im}(y_{11})\right);$$
(12)

$$Y_{\rm HO} = G_{\rm HO} + iB_{\rm HO} = \frac{|y_{12}y_{21}|\sqrt{K_{\rm Y}^2 - 1}}{2\operatorname{Re}(y_{11})} + i\left(\frac{\operatorname{Im}(y_{12}y_{21})}{2\operatorname{Re}(y_{11})} - \operatorname{Im}(y_{22})\right),\tag{13}$$

где $G_{\Gamma O}$, $B_{\Gamma O}$, G_{HO} , B_{HO} – реальная и мнимая части оптимальных проводимостей генератора и нагрузки; y_{11} , y_{12} , y_{21} , y_{22} – y-параметры активного элемента; | |, Re, Im – модуль, реальная и мнимая части комплексного числа; $K_{\rm Y}$ – инвариантный коэффициент устойчивости, равный

$$K_{\rm Y} = \frac{2\text{Re}(y_{11})\text{Re}(y_{22}) - \text{Re}(y_{12}y_{21})}{|y_{12}y_{21}|}.$$
(14)

Для безусловной устойчивости активного элемента должны выполняться следующие неравенства: $K_Y > 1$, $\text{Re}(y_{11}) > 0$, $\text{Re}(y_{22}) > 0$. Если эти неравенства не выполняются, то на входе или выходе вводят стабилизирующие проводимости.



Расчет ФСЦ. Расчет ФСЦ, приведенной на рис. 4, проведем на основе нормированной матрицы *S*-параметров согласованного реактивного обратимого четырехполюсника, которая запишется в следующем виде [3]:

$$[S] = \begin{bmatrix} s_{11}s_{12} \\ s_{21}s_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & \exp(i\Theta) \\ \exp(i\Theta) & 0 \end{bmatrix},$$
 (15)

где Θ – значение фазы коэффициента передачи ФСЦ.

Используя нормированную матрицу S-параметров согласованного реактивного обратимого четырехполюсника (15), на основе соотношений перехода от S-параметров к Y-параметров получим сначала матрицу нормированных Y-параметров ФСЦ, а затем матрицу ненормированных Y-параметров ФСЦ в следующем виде

$$Y_{\Phi C I I} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} \\ Y_{21} & Y_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} G_{\Gamma O} \frac{1 + \exp(i2\Theta)}{1 - \exp(i2\Theta)} & -2\sqrt{G_{\Gamma O} G_{HO}} \frac{\exp(i\Theta)}{1 - \exp(i2\Theta)} \\ -2\sqrt{G_{\Gamma O} G_{HO}} \frac{\exp(i\Theta)}{1 - \exp(i2\Theta)} & G_{HO} \frac{1 + \exp(i2\Theta)}{1 - \exp(i2\Theta)} \end{bmatrix},$$
(16)

где *Y*₁₁, *Y*₁₂, *Y*₂₁, *Y*₂₂ – *Y*-параметры ФСЦ.

Задавая значения фазы в выражении (16), можно рассчитать *У*-параметры ФСЦ. Так как ФСЦ является реактивным обратимым четырехполюсником, то матрица *У*-параметров ФСЦ содержит только мнимые части, и недиагональные элементы матрицы равны $Y_{12} = Y_{21}$. Тогда выражения для нормированных значений элементов принципиальной схемы ФСЦ запишутся

$$B_1 = \operatorname{Im}(Y_{11}) + \operatorname{Im}(Y_{12}), \quad B_2 = \operatorname{Im}(Y_{22}) + \operatorname{Im}(Y_{21}), \quad B_3 = -\operatorname{Im}(Y_{12}).$$
 (17)

Если проводимости генератора и нагрузки содержат мнимые части $B_{\Gamma O}$ и B_{HO} , то они учитываются при расчете B_1 и B_2 .

Обобщенная структурная схема активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с комбинированной ОС на основе активного элемента с ФСЦ на входе и выходе приведена на рис. 5.



Рис. 5. Схема активного четырехполюсника на основе активного элемента с ФСЦ на входе и выходе

Алгоритм расчета каскада широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС. Алгоритм расчета ориентирован на максимальное приближение *S*-параметров активного элемента к требуемым параметрам активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС и заключается в следующем:

1) на основе *S*-параметров активного элемента на заданной верхней частоте рассчитываются *Y*-параметры активного элемента и по выражениям (11)–(14) – инвариантный коэффициент устойчивости K_Y , номинальный коэффициент усиления по мощности G_{HOM} , оптимальные проводимости генератора $Y_{\Gamma O}$ и нагрузки Y_{HO} ;

2) для номинального коэффициента усиления по мощности G_{HOM} на основе выражения (5) рассчитываются и строятся зависимости требуемых S-параметров активного четырехполюсника для широкополосного каскада с двухполюсниками комбинированной ОС (8)–(10), аналогичные зависимостям рис. 2;

3) для приближения *S*-параметров активного элемента к требуемым параметрам активного четырехполюсника задается значение фазы коэффициента передачи ФСЦ и по выражениям (16) и (17) рассчитываются *Y*-параметры ФСЦ, а затем *S*-параметры активного четырехполюсника, приведенного на рис. 5, которые сравниваются с требуемыми параметрами активного четырехполюсника, рассчитанными в пункте 2, и уточняется структура двухполюсников ОС [3];

4) рассчитываются *S*-параметры широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС.

Применим этот алгоритм к расчету каскада широкополосного усилителя.

Математическое моделирование широкополосного усилителя с комбинированной OC. Математическое моделирование проведем на основе эквивалентной схемы кристалла, которая использовалась при математическом моделировании в работе [1].

На рис. 6–8 приведены принципиальные схемы и результаты расчета *S*-параметров для различных вариантов эквивалентных схем кристалла транзистора [1].

Результаты расчетов показывают, что чем точнее приближены с помощью Φ СЦ *S*-параметры кристалла транзистора к требуемым параметрам активного четырехполюсника, рассчитанным в соответствии с п. 2, тем равномернее частотная зависимость коэффициента передачи и меньше коэффициенты отражения широкополосного усилителя с комбинированной ОС (рис. 6, *б*, *в*). Отклонение от требуемых *S*-параметров приводит к появлению неравномерности коэффициента передачи и увеличению коэффициента отражения на средних частотах (рис. 7, *б*, *в* и 8, *б*, *в*).

Экспериментальная проверка аналогичных теоретических исследований и математического моделирования была приведена автором в предыдущих статьях [1, 4–6].



Рис. 6. Принципиальная схема (a), коэффициенты S₂₁ (б), S₁₁ и S₂₂ (в) для кристалла типа VT1



Рис. 7. Принципиальная схема (a), коэффициенты S₂₁ (б), S₁₁ и S₂₂ (в) для кристалла типа VT2



Рис. 8. Принципиальная схема (a), коэффициенты S₂₁ (б), S₁₁ и S₂₂ (в) для кристалла типа VT3

Полученные результаты. Предложен алгоритм расчета каскада транзисторного широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС, основанный на том, что прежде чем ввести двухполюсники комбинированной ОС, необходимо приблизить *S*-параметры активного элемента с помощью ФСЦ к требуемым *S*-параметрам активного четырехполюсника для каскада широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной ОС.

Приведены результаты математического моделирования широкополосных усилителей с комбинированной ОС для различных вариантов эквивалентных схем кристалла транзистора [1], показывающие выигрыш в верхней граничной частоте и в коэффициенте передачи по отношению к номинальному коэффициенту передачи по мощности за счет положительной ОС (см. рис. 6, $\delta - 8$, δ , заштрихованные области).

Показано, что применение на входе и выходе активного элемента ФСЦ вместо двух типов цепей ФТЦ и СЦ [1] упрощает расчет, принципиальную схему активного четырехполюсника и, следовательно, реализацию и настройку широкополосного усилителя.

Литература

1. Якушевич Г.Н. Математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2012. – № 1 (25). – С. 34–39.

2. Шварц Н.З. Линейные транзисторные усилители СВЧ. – М.: Советское радио, 1980. –368 с.

3. Фельдштейн А.Л. Синтез четырехполюсников и восьмиполюсников на СВЧ / А.Л. Фельдштейн, Л.Р. Явич. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: Советское радио, 1971. – 388 с.

4. Якушевич Г.Н. Математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного СВЧ-усилителя с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2009. – № 2 (20). – С. 32–37.

5. Якушевич Г.Н. Алгоритм расчета транзисторного широкополосного усилителя с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2010. – № 1 (21), ч. 2. – С. 63–68.

6. Якушевич Г.Н. Проектирование транзисторных широкополосных усилителей с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2011. – № 1 (23). – С. 65–70.

Якушевич Геннадий Николаевич

Канд. техн. наук, доцент каф. средств радиосвязи ТУСУРа Тел.: (382-2) 41-37-09 Эл. почта: mrc@main.tusur.ru

Jakushevitch G.N. Calculation algorithm of a wideband amplifier with two-pole serial and parallel feedback

An algorithm of a wideband amplifier calculation on the basis of an active four-pole in case of a wideband amplifier with two-pole serial and parallel feedback (FB) is suggested. Also a generalized structure of the active four-pole presented by an active element with phase-matching circuits at the input and at the output is suggested. **Keywords:** algorithm, mathematical model, active four-pole, wideband amplifier, serial and parallel feedback two-port.