УДК 621.372:621.375

Г.Н. Якушевич

Математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной обратной связи

Получена математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной обратной связи (OC) на основе заданных коэффициентов передачи, отражения активного четырехполюсника с OC и параметров четырехполюсника параллельной обратной связи.

Ключевые слова: математическая модель, активный четырехполюсник, широкополосный усилитель, четырехполюсник параллельной ОС.

В работе [1] при разработке усилителя используется декомпозиционный метод синтеза (ДМС). ДМС предполагает, что требования к активному устройству предварительно преобразуются в требования к корректирующим и согласующим цепям (КЦ и СЦ), которые представляются в виде областей допустимых значений (ОДЗ) иммитанса или коэффициента отражения цепей на фиксированных частотах. Далее КЦ и СЦ синтезируются по указанным ОДЗ. В работах [2, 3] было показано, что прежде чем охватить активный элемент (транзистор) двухполюсником обратной связи, необходимо приблизить параметры активного элемента к требуемым параметрам активного четырехполюсника.

В работах [2, 3] были получены математические модели активных четырехполюсников для широкополосных усилителей с двухполюсниками параллельной и комбинированной ОС на основе требуемых параметров в виде следующей функциональной зависимости: $[S] = F([S_{OC}], [Y_{OC}])$. В работах [4–6] предложены алгоритмы моделирования и проектирования широкополосных усилителей на основе полученных математических моделей активного четырехполюсника. Показан выигрыш на верхней частоте в коэффициенте усиления широкополосного усилителя с двухполюсником параллельной ОС по отношению к номинальному коэффициенту передачи по мощности [2–6]. Но выигрыш в коэффициенте передачи на верхней частоте уменьшается с уменьшением коэффициента передачи четырехполюсника с параллельной ОС, так как начинают влиять параметры двухполюсника параллельной ОС. Поэтому представляет интерес получение математической модели активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной ОС в виде приведенной выше функциональной зависимости.

Постановка задачи. Математическую модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной ОС найдем в виде аналитических выражений для требуемых параметров активного элемента без четырехполюсника параллельной ОС, рассчитанных по заданным коэффициентам передачи, отражения усилителя с ОС и структуры четырехполюсника параллельной ОС

Математическая модель. Определение математической модели активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной ОС для схемы, приведенной на рис. 1, проведем в матричном виде. Для этого примем следующие обозначения:

$$\begin{bmatrix} S_{\text{OC}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_{11\text{OC}} & S_{12\text{OC}} \\ S_{21\text{OC}} & S_{22\text{OC}} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} S_{\text{A}\text{Y}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_{11\text{A}\text{Y}} & S_{12\text{A}\text{Y}} \\ S_{21\text{A}\text{Y}} & S_{22\text{A}\text{Y}} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} Y_{\text{YOC}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} \\ Y_{21} & Y_{22} \end{bmatrix},$$

это обобщенные матрицы параметров рассеяния широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной OC, параметров рассеяния активного четырехполюсника и параметров четырехполюсника параллельной OC.

Алгоритм нахождения матрицы требуемых параметров рассеяния активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной ОС запишется в следующем виде [2]:



Рис. 1. Активный четырехполюсник с четырехполюсником параллельной ОС

$$[S_{\rm AY}] = 2 \left(2 \left([S_{\rm OC}] + [E] \right)^{-1} - [Y_{\rm HOC}] \right)^{-1} - [E], \qquad (1)$$

где [Е] – единичная матрица.

Из выражения (1), с учетом введенных выше обозначений, получим математическую модель в виде аналитических выражений для требуемых *S*-параметров активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с ОС [7], при этом ошибочный ранее знак «+» перед последним слагаемым в числителе формулы (5) исправлен на знак «-»

$$S_{11AY} = \frac{4S_{11OC} + 2[Y_{11}(S_{11OC} + 1) + Y_{22}(S_{22OC} + 1 - S_{SOC}) + Y_{12}S_{21OC} + Y_{21}S_{12OC}] - Y_Y S_{SOC}}{4 - 2[Y_{11}(S_{11OC} + 1) + Y_{22}(S_{22OC} + 1) + Y_{12}S_{21OC} + Y_{21}S_{12OC}] + Y_Y S_{SOC}}; \quad (2)$$

$$S_{12AY} = \frac{2(2S_{12OC} + Y_{12}S_{SOC})}{4 - 2[Y_{12}(S_{12OC} + 1) + Y_{22}(S_{22OC} + 1) + Y_{22}S_{SOC}]};$$
 (3)

$$\frac{1}{2(2S_{210C} + Y_{21}S_{S0C})} = \frac{1}{2(2S_{210C} + Y_{21}S_{S0C})}$$

$$S_{21AY} = \frac{1}{4 - 2[Y_{11}(S_{11OC} + 1) + Y_{22}(S_{22OC} + 1) + Y_{12}S_{21OC} + Y_{21}S_{12OC}] + Y_Y S_{SOC}};$$
(4)

$$S_{22AY} = \frac{4S_{22}OC + 2[Y_{11}(S_{11}OC + 1 - S_SOC) + Y_{22}(S_{22}OC + 1) + Y_{12}S_{21}OC + Y_{21}S_{12}OC] - Y_YS_SOC}{4 - 2[Y_{11}(S_{11}OC + 1) + Y_{22}(S_{22}OC + 1) + Y_{12}S_{21}OC + Y_{21}S_{12}OC] + Y_YS_SOC},$$
(5)

где $Y_Y = Y_{11}Y_{22} - Y_{12}Y_{21}$, $S_{SOC} = (S_{11OC} + 1)(S_{22OC} + 1) - S_{12OC}S_{21OC}$.

Полученные соотношения (2)–(5) позволяют рассчитывать требуемые S_{AY} – параметры активного четырехполюсника для широкополосного усилителя на основе заданных коэффициентов прямой S_{21OC} и обратной S_{12OC} передачи, коэффициентов отражения S_{11OC} и S_{22OC} , заданных Y_{HOC} -параметров четырехполюсника параллельной ОС.

Из полученного соотношения (3) найдем коэффициент обратной передачи S_{120C}:

$$S_{12 \text{ OC}} = \frac{S_{12\text{A}\text{Y}} \{4 - 2[Y_{11}(S_{11 \text{ OC}} + 1) + Y_{22}(S_{22 \text{ OC}} + 1) + Y_{12}S_{21 \text{ OC}}] + Y_Y S_{SS \text{ OC}}\} - 2Y_{12} S_{SS \text{ OC}}}{S_{12\text{A}\text{Y}} (2Y_{21} + Y_Y S_{21 \text{ OC}}) + 4 - 2Y_{12} S_{21 \text{ OC}}}, \quad (6)$$

где $S_{SS \text{ OC}} = (S_{11 \text{ OC}} + 1)(S_{22 \text{ OC}} + 1)$.

Тогда с учетом выражения (6) соотношения (2), (4), (5) запишутся

$$S_{11AY} = \frac{2S_{11OC} + Y_{11}(1 + S_{11OC}) + Y_{12}S_{21OC} + S_{12AY}S_A}{2 - Y_{11}(1 + S_{11OC}) - Y_{12}S_{21OC}};$$
(7)

$$S_{21AY} = \frac{4S_{21OC} + 2Y_{21}(1 + S_{11OC})(1 + S_{22OC}) - 2Y_{12}S_{21OC}^2 + S_{12AY}S_AS_B}{[2 - Y_{11}(1 + S_{11OC}) - Y_{12}S_{21OC}][2 - Y_{22}(1 + S_{22OC}) - Y_{12}S_{21OC}]};$$
(8)

$$S_{22AY} = \frac{2S_{22OC} + Y_{22}(1 + S_{22OC}) + Y_{12}S_{21OC} + S_{12AY}S_B}{2 - Y_{22}(1 + S_{22OC}) - Y_{12}S_{21OC}},$$
(9)

где $S_{\rm A} = S_{21}Y_{22} + (S_{11}+1)Y_{21}$, $S_{\rm B} = S_{21}Y_{11} + (S_{22}+1)Y_{21}$.

Полученные соотношения (7)–(9) определяют математическую модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником ОС в виде аналитических выражений требуемых *S*-параметров активного четырехполюсника без четырехполюсника ОС.

Задавая значения коэффициентов отражения $S_{11\text{OC}}$, $S_{22\text{OC}}$ и значение комплексного коэффициента передачи $S_{21\text{OC}}^*$ широкополосного усилителя с ОС в виде $S_{21\text{OC}}^* = |S_{21\text{OC}}| \exp(i \Theta_{21\text{OC}})$, где $|S_{21\text{OC}}|$ и $\Theta_{21\text{OC}}$ — модуль и фаза комплексного коэффициента передачи, для заданной структуры четырехполюсника ОС по соотношениям (7)–(9) можно рассчитать требуемые *S*-параметры активного четырехполюсника без четырехполюсника ОС.

Требуемые S-параметры идеально однонаправленного активного четырехполюсника для согласованного широкополосного усилителя с четырехполюсником параллельной OC. Для идеально однонаправленного активного четырехполюсника $S_{12AY} = 0$, а для согласованного широко-

полосного усилителя $S_{110C} = S_{220C} = 0$. Тогда согласно (7)–(9) требуемые S-параметры и номинальный коэффициент передачи по мощности G_{HOM} определятся выражениями:

$$S_{12 \text{ OC}} = \frac{Y_{12}}{2 + Y_{12} S_{21\text{ OC}}};$$
(10)

$$S_{11AY} = \frac{Y_{11} + Y_{12} S_{21OC}}{2 - Y_{11} - Y_{12} S_{21OC}};$$
(11)

$$S_{21AY} = \frac{2(2S_{21OC} + Y_{21} - Y_{12}S_{21OC}^2)}{(2 - Y_{11} - Y_{12}S_{21OC})(2 - Y_{22} - Y_{12}S_{21OC})};$$
(12)

$$S_{22AY} = \frac{Y_{22} + Y_{12}S_{21OC}}{2 - Y_{22} - Y_{12}S_{21OC}};$$
(13)

$$G_{\text{HOM}} = |S_{21AY}|^2 / \left[(1 - |S_{11AY}|^2)(1 - |S_{22AY}|^2) \right].$$
(14)

На рис. 2 приведены зависимости модулей коэффициентов передачи $|S_{21AY}|$, $|S_{21OC}|$ и коэффициентов передачи по мощности G_{HOM} для активного четырехполюсника с однонаправленными четырехполюсниками ОС ($Y_{11} = Y_{22} = Y_{12} = 0$) *R*-типа, *RL*-типа, *RC*-типа [2, 3] для коэффициента передачи широкополосного усилителя $|S_{21OC}| = 6$ дБ от фазы коэффициента передачи $\Theta_{21 \text{ OC AY}}$.



Рис. 2. Зависимости модулей коэффициентов передачи |S _{21 AЧ}|, |S _{21 OC}| и коэффициентов передачи по мощности G _{НОМ} для активного четырехполюсника с однонаправленными четырех-полюсниками OC: Q – R-типа; □ – RL-типа; △ – RC-типа от фазы коэффициента передачи Θ_{21 OC} AЧ

Анализ зависимостей, приведенных на рис. 2, показывает, что в областях ниже коэффициента передачи для каскада широкополосного усилителя с ОС $|S_{210C}| = 6$ дБ получается выигрыш по коэффициенту усиления и по верхней граничной частоте по отношению к номинальному коэффициенту передачи по мощности активного элемента (см. заштрихованные области). Для активного четырех-полюсника с однонаправленными четырехполюсниками ОС *RL*-типа выигрыш составляет 2,16 дБ, *R*-типа – 2,5 дБ, *RC*-типа – 3,15 дБ.

Приведенные в табл. 1 значения выигрыша коэффициентов передачи $|S_{210C}|$ активного четырехполюсника с *R*-двухполюсником ОС и с однонаправленным *R*-четырехполюсником ОС показывают, что с уменьшением коэффициента передачи $|S_{210C}|$ активного четырехполюсника с *R*-двухполюсником ОС величина выигрыша уменьшается, а для активного четырехполюсника с однонаправленным *R*-четырехполюсником ОС остается постоянной.

2,5

2,5

Таблица 1

2,5

Выигрыш в коэффициенте передачи S _{210C} активного								
четырехполюсника с <i>К-</i> двухполюсником ОС и с однонаправленным <i>R</i> -четырехполюсником ОС								
S _{210C} , дБ	6	12	20					
Выигрыш с <i>R</i> -двухполюсником ОС, дБ	0,56	1,29	1,97					

Выигрыш с однонаправленным

R-четырехполюсником ОС, дБ

В общем случае зависимости S-параметров активного элемента отличаются от требуемых S-параметров активного четырехполюсника, приведенных на рис. 2, и для их сближения на входе и выходе активного элемента включают фазирующе-трансформирующие цепи (ФТЦ), фазирующие цепи (ФЦ), фазирующе-согласующие цепи (ФСЦ), симметрирующие цепи (СЦ) [2-6].

Математическое моделирование широкополосного усилителя с однонаправленным *R***-четырехполюсником ОС.** Математическое моделирование проведем на основе, приведенной на рис. З эквивалентной схемы кристалла [8], отражающей в широком диапазоне частот частотные свойства полевого транзистора по алгоритму проектирования, предложенному в работе [5].

Принципиальная схема широкополосного усилителя на полевом транзисторе VT1 с четырехполюсником OC на основе схемы каскода общий сток (VT2) – общий затвор (VT3) приведена на рис. 4. СЦ на выходе и индуктивность в истоке приближают S-параметры полевого транзистора VT1 к требуемым параметрам активного четырехполюсника, приведенным на рис. 1. Значения элементов эквивалентной схемы полевых транзисторов VT1, VT2, VT3 приведены в табл. 2.



Рис. 3. Эквивалентная схема кристалла полевого транзистора



Рис. 4. Принципиальная схема широкополосного усилителя с четырехполюсником ОС

Т	a	б	Л	И	ц	а	2
---	---	---	---	---	---	---	---

Shu tenna sitestentob skonbutentnon exessa nonebbix ipunsheropob								
Параметры	<i>R</i> _{3И} , Ом	$R_{\rm CH},$ Ом	<i>С</i> _{3И} , пФ	<i>С</i> _{3С} , пФ	<i>S</i> , A/B	<i>R</i> ₃ , Ом	$R_{\rm C},$ Ом	<i>R</i> _И , Ом
Полевого транзистора VT1	5	400	1	0,01	0,06	2	2	2
Полевого транзистора ОС VT2, VT3	20	1600	0,25	0,0025	0,015	8	8	8

Значения элементов эквивалентной схемы полевых транзисторов

На рис. 5 приведены результаты расчета S-параметров широкополосного усилителя с четырехполюсником ОС на основе схемы каскода общий сток (VT2) – общий затвор (VT3). Результаты математического моделирования показывают выигрыш в коэффициенте усиления по отношению к номинальному коэффициенту передачи по мощности на частоте 8 ГГц порядка 2 дБ (см. рис. 5, а).

В работах [1, 2] приведены результаты экспериментальных исследований, подтверждающие достоверность аналогичных теоретических исследований с помощью математического моделирования на основе эквивалентных схем активных элементов.

Полученные результаты. Определены алгоритмическая математическая модель в виде выражения (1) и аналитическая математическая модель в виде выражений (7)-(9) для требуемых параметров активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с четырехполюсником ОС, к которым необходимо приблизить параметры активного элемента, прежде чем ввести четырехполюсник ОС.



Рис. 5. Коэффициенты S_{21} и $G_{HOM}(a)$, S_{11} и $S_{22}(\delta)$ широкополосного усилителя с четырехполюсником ОС

Литература

1. Разработка GaAs-pHEMT-монолитного малошумящего усилителя диапазона 3–20 ГГц с использованием программ «визуального» проектирования / И.М. Добуш, А.А. Самуилов, А.А. Калентьев и др. // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2013. – № 4 (30). – С. 39–44.

2. Якушевич Г.Н. Математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного СВЧ-усилителя с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2009. – №2 (20). – С. 32–37.

3. Якушевич Г.Н. Математическая модель активного четырехполюсника для широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2012. – №1 (25). – С. 34–39.

4. Якушевич Г.Н. Алгоритм расчета транзисторного широкополосного усилителя с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2010. – №1 (21), ч. 2. – С. 63–68.

5. Якушевич Г.Н. Проектирование транзисторных широкополосных усилителей с двухполюсником параллельной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2011. – №1 (23). – С. 65–70.

6. Якушевич Г.Н. Алгоритм расчета транзисторного широкополосного усилителя с двухполюсниками комбинированной обратной связи // Доклады Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники. – 2013. – № 1 (27). – С. 28–33.

7. Jakushevitch G.N. A Model of the Active Four-port for the Wide Band UHF Amplifier with the Parallel Feedback Two-Port // The third International Symposium «Appfication of the Conversion Research Results for International Cooperation» (SIBKONVERS'99). Proceedings. – Tomsk: Tomsk State University of Conrol Systems and Radioelectronics, 1999. – P. 161–162.

8. Зи С. Физика полупроводниковых приборов: пер. с англ.; в 2 кн. – Кн. 1. – Изд. 2-е, перераб. и доп. – М.: Мир, 1984. – 456 с.

Якушевич Геннадий Николаевич

Канд. техн. наук, доцент каф. средств радиосвязи ТУСУРа Тел.: (382-2) 41-37-09 Эл. почта: mrc@main.tusur.ru

Jakushevitch G.N.

A mathematical model of an active four-pole network for a wideband amplifier with four-port parallel feedback

The paper describes a math model of an active four-port network for a wideband amplifier with four-port parallel feedback (FB). The model is built to provide the necessary transfer coefficient and reflection coefficients of the system after introduction the feedback. The feedback four-port parameters are specified. **Keywords:** mathematical model, active four-pole, wideband amplifier, four -port parallel feedback.